

**Государственное бюджетное профессиональное образовательное учреждение  
«Троицкий педагогический колледж»**

УТВЕРЖДАЮ  
зам. директора по УР  
И.В. Филатова  
—. —. 202 — г.

**ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ  
В ФОРМЕ  
ФОНДА ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
для промежуточной аттестации  
по ОУП.03 Математика**

*44.02.04 Специальное дошкольное образование*

Разработчик: Портнова Т.А.,  
преподаватель

Троицк, 2024

## 1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Фонд оценочных средств разработан на основе рабочей программы ОУП.03 Математика.

Настоящий Фонд оценочных средств предназначен для проведения промежуточной и итоговой аттестации по ОУП.03 Математика в форме экзамена и дифференцированного зачета.

## 2. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ОУП.03 МАТЕМАТИКА, ПОДЛЕЖАЩИЕ ПРОВЕРКЕ

В результате освоения ОУП.03 Математика, студент должен обладать следующими умениями, знаниями:

<b>Результаты обучения: умения, знания</b>	<b>Показатели оценки результата</b>
<b>Уметь:</b> <b>У.1.</b> Решать задачи, пользуясь известными теоретическими положениями, математическими формулами и свойствами, графическими средствами, справочной литературой, вычислительной техникой и т.д.	Выбор рационального способа решения задач; Обоснованность использования соответствующих теоретических положений и математических законов; Верность проведения расчётов; Правильность оформления задач; Точность и скорость построения графиков функций;
<b>У.2.</b> Применять простые математические модели систем и процессов в сфере профессиональной деятельности.	Правильность выбора метода решения задач; Аргументированность применения материала для решения экономических задач; Полнота решения задач; Правильность и точность вычисления; Скорость выполнения всех видов и этапов решения задач
<b>Знать:</b> <b>З 1.</b> Значение математики в области профессиональной деятельности и при освоении профессиональной образовательной программы;	-Соответствие применения математических формул и свойств; -Точность и скорость чтения графиков функций; -Способность делать обобщения и формулировать выводы; - Логика последовательности действий при решении систем линейных уравнений - Аргументированность применения правил дифференцирования и интегрирования основных элементарных функций.
<b>З 2</b> Основные математические методы решения прикладных задач в области профессиональной деятельности;	Правильность выполнения расчетных показателей. Правильность выполнения расчетных экономических показателей. Правильность выполнения вычисления сложных процентов.
<b>З 3.</b> Основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики	Правильность выполнения расчетных заданий по статистике, используемых в педагогической деятельности. Правильность графического изображения выборки. Правильность выполнения заданий по нахождению основных компонентов комбинаторики .

<b>З 4. Основы интегрального и дифференциального исчисления</b>	Правильность выполнения и точности знания основных математических понятий Правильность выполнения заданий по нахождению интегрального и дифференциального исчисления.
<b>ОК 01.</b> Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	Владеть методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

### 3. ОЦЕНКА ОСВОЕНИЯ ОУП.03 МАТЕМАТИКА

#### 3.1. Формы и методы оценивания

Промежуточная аттестация по ОУП.03 Математика проводится в форме экзамена (1 семестр) и дифференцированного зачета(2 семестр).

Уровень сформированности знаний, умений и ОК студентов по результатам промежуточной аттестации определяется 4-балльной системой (отлично – 5, хорошо – 4, удовлетворительно – 3, неудовлетворительно – 2).

### 4. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ОУП.03 МАТЕМАТИКА

Оценочные материалы предназначены для проведения экзамена и дифференцированного зачета и оценки результатов освоения дисциплины ОУП.03 Математика специальности 44.02.04 Специальное дошкольное образование. Дифференцированный зачет (диф/зачет) и экзамен проводится с учетом результатов выполнения учебного плана и программы учебного предмета.

Очная форма обучения на базе основного общего образования.

#### 4.1. Проверяемые результаты

Требования (умения и виды деятельности), проверяемые заданиями письменной экзаменационной работы и дифференциального зачета

##### Уметь выполнять вычисления и преобразования:

- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма;
- вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции.

##### Уметь решать уравнения и неравенства:

- решать рациональные, иррациональные, показательные, тригонометрические и логарифмические уравнения, их системы;
- решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков; использовать для приближенного решения уравнений и неравенств графический метод;
- решать рациональные, показательные и логарифмические неравенства.

##### Уметь выполнять действия с функциями:

- определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции; описывать по графику поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения; строить графики изученных функций;

- вычислять производные и первообразные элементарных функций;
- исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций.

**Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами:**

- решать планиметрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей);
- решать простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов); использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы;
- определять координаты точки.

**Уметь строить и исследовать простейшие математические модели:**

- моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять уравнения и неравенства по условию задачи; исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры;
- моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений, распознавать логически некорректные рассуждения.

Уметь использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни:

- анализировать реальные числовые данные; осуществлять практические расчеты по формулам, пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- описывать с помощью функций различные реальные зависимости между величинами и интерпретировать их графики; извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках;
- решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

**Знания:**

- значение математической науки для решения задач, возникающих в теории и практике; широту и ограниченность применения математических методов к анализу и исследованию процессов и явлений в природе и обществе;
- практики и вопросов, возникающих в самой математике, для формирования и развития математической науки;
- идеи расширения числовых множеств как способа построения нового математического аппарата для решения практических задач и внутренних задач математики;
- значение идей, методов и результатов алгебры и математического анализа для построения моделей реальных процессов и ситуаций;
- универсальный характер законов логики математических рассуждений, их применимость в различных областях человеческой деятельности;
- различие требований, предъявляемых к доказательствам в математике, естественных, социально-экономических и гуманитарных науках, на практике;
- роль аксиоматики в математике; возможность построения математических теорий на аксиоматической основе; значение аксиоматики для других областей знания и для практики;
- вероятностный характер различных процессов и закономерностей окружающего мира.

## **4.2. Условия проведения и задания для экзамена и дифференцированного зачета**

**Место проведения:** кабинет № 205

**Продолжительность:** 90 минут

**Расходные материалы:** распечатанные практические задания в двух вариантах. Справочный материал.

### **Задание для дифференцированного зачета по ОУП.03 Математика во 2 семестре**

Разработано:

Портнова Т.А., преподаватель

## **5. КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ**

### **Критерии оценки результатов выполнения контрольно-измерительных материалов**

В качестве критерия освоения материала учебной дисциплины берётся выполнение 50% заданий от их общего числа в заданиях, тест-заданиях. Для интерпретации результатов используется переводная шкала, с помощью которой результаты преобразуют в оценку знаний студентов по пятибалльной системе. Переводная шкала представлена в Таблице 1

**Таблица1 – Переводная шкала для интерпретации результатов выполнения тест-задания**

<b>% правильно выполненных заданий</b>	<b>Интерпретация результатов тестирования по 5-балльной системе</b>
от 90%	5
от 70% до 89%	4
от 50% до 69%	3
менее 50%	2

### **Критерии оценивания знаний обучающихся на экзамене и дифференциированном зачете**

Текущий контроль проводится с целью оценки систематичности учебной работы обучающегося, включает в себя ряд контрольных мероприятий, реализуемых в рамках аудиторной и внеаудиторной самостоятельной работы обучающегося.

До даты проведения экзамена и диф/зачета необходимо пройти оценивание всех работ, выполненных в течение I семестра(экзамен) и I и II семестров(диф/зачет): теоретическое обучение, практические занятия, задания для самостоятельного выполнения.

К установленной дате промежуточной аттестации обучающийся должен выполнить 100% работ, предусмотренных рабочей программой учебного предмета «Математика».

Во время, отведённое по расписанию для проведения экзамена или дифференциированного зачёта, каждому студенту, допущенному к (экзамену), выдаётся индивидуальное задание для выполнения.

Выполнение задания оценивается согласно критериям, приведённым в таблице 1.

**Диф./зачет**

**A1.** Вычислите  $0,1\sqrt{20} \cdot \sqrt{45}$  - 5,5.

- 1) -2,5; 2) 24,5; 3) -8,5; 4) -5,2.

**A2.** Упростите выражение  $b^{-5,6} \cdot 11b^{0,4}$ .

- 1)  $11b^{-5,2}$ ; 2)  $11^{0,4}b^{-5,2}$ ; 3)  $11b^{-6}$ ; 4)  $11^{0,4}b^{-6}$ .

**A3.** Вычислите  $\log_6 18 - \log_6 3 + 5$ .

- 1) 6; 2) 17; 3) 8; 4) 2.

**A4.** Упростите выражение

$$\sin 5\alpha \cdot \cos 4\alpha + \cos \left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) - \cos 5\alpha \cdot \sin 4\alpha.$$

- 1)  $\sin \alpha + \cos \alpha$ ; 2)  $2\sin \alpha$ ; 3) 0; 4)  $\cos 9\alpha + \sin \alpha$ .

**A5.** Решите уравнение  $\cos(\pi + x) = \sin \frac{\pi}{2}$ .

1)  $\frac{\pi}{2} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z}$ ; 2)  $2\pi l, l \in \mathbb{Z}$ ;

3)  $\pi + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$ ; 4)  $\frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$ .

**A6.** Решите неравенство  $\log_{0,4}(2x - 5) \geq 0$ .

- 1)  $[3; +\infty)$  2)  $(-\infty; 3]$  3)  $(0; 3]$  4)  $(2\frac{1}{2}; 3]$ .

**A7.** Укажите промежуток, содержащий корень уравнения

$$\log_7(2x + 5) = 2$$

- 1)  $(0; 5)$ ; 2)  $(5; 15)$ ; 3)  $(15; 25)$ ; 4)  $(25; 100)$ .

**A8** Укажите промежуток, содержащий корень уравнения  $3^{x+5} = \frac{1}{9}$

- 1)  $(0; 8)$ ; 2)  $(-8; 0)$ ; 3)  $(-15; -8)$ ; 4)  $(8; 10)$ .

**A9.** Решите неравенство  $3^{x-5} < 81$

- 1)  $(-\infty; -1)$ ; 2)  $(-\infty; 9)$ ; 3)  $(9; +\infty)$ ; 4)  $(-\infty; 8)$ .

**A10.** В правильной четырехугольной пирамиде PABCD с вершиной P сторона основания равна 3, высота 2. Найдите расстояние от A вершины до грани PCD:

- 1) 2.4 2) 3.7 3) 1.2

**A11.** На сторонах AB и AC треугольника ABC взяты соответственно точки D и E так, что  $OE = 5$  см и  $BD = 2/3$ . Плоскость  $\alpha$  проходит через точки B и C и параллельна отрезку OE. Найдите длину отрезка BC:

- 1)  $\frac{1}{4}$  2)  $25/3$  3)  $33/5$

**A12.** Какая из функций является нечётной?

**I вариант**

1)  $y = \left(\frac{1}{2}\right)^{-x^3} - 1$  2)  $y = \log_2(x + 2)$  3)  $y = x \cdot \cos x$  4)  $y = x \cdot \sin x$

**A13.** Найдите множество значений функции  $\delta = \sin x + 2$ .

- 1)  $(-1; 1)$  2)  $[-1; 1]$  3)  $(1; 3)$  4)  $[1; 3]$

**A14.** Из 10 учащихся нужно составить группу из 4 для участия в мероприятии. Сколькими способами это можно сделать:

- 1) 20 2) 120 3) 210

**A15.** Установите соответствие между функциями и их названиями:

- |                       |                        |
|-----------------------|------------------------|
| 1). $y = \ln x$       | A). тригонометрическая |
| 2). $y = 5 - 2\cos x$ | B). показательная      |
| 3). $y = 2^x$         | C). логарифмическая    |

A	B	C

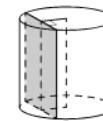
**A16.** Найдите производную функции  $y(x) = x^4 + 3x^3 + 4$ .

- 1)  $4x^3 + 9x^2 + 4$  2)  $4x^3 + 9x^2 + 4x$  3)  $4x^2 + 3x^2 + 4$  4)  $4x^3 + 9x^2$

**A17.** В чемпионате по прыжкам в воду участвуют 35 спортсменов: 7 из России, 12 из Китая, 9 из Японии и 7 из США. Порядок, в котором выступают спортсмены, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсмен, выступающий первым, окажется из России.

- 1) 0,02 2) 0,2 3) 0,5

**A18.** Радиус основания цилиндра равен 13, а его образующая равна 18. Сечение, параллельное оси цилиндра, удалено от неё на расстояние, равное 12. Найдите площадь этого сечения



Ответ: \_\_\_\_\_.

**A19.** Диаметр основания конуса равен 6. Образующая наклонена к плоскости основания под углом 60 градусов. Найдите образующую конуса:

- 1) 12 2) 32 3) 6

**A20.** Образующая цилиндра равна 10. Диагональ осевого сечения наклонена к плоскости основания цилиндра под углом 45 градусов. Найдите радиус основания цилиндра:

- 1) 5 2) 7 3) 9

**Диф./зачет**

**A1.** Вычислите  $\frac{1}{2}\sqrt{8} \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt{10} - 3$

- 1) -2; 2) 7; 3) 37; 4) 10.

**A2.** Найдите значение выражения  $c^{4.5} \cdot 13c^{-0.5}$ .

1)  $13^{-0.5}c^5$ ; 2)  $13c^4$ ; 3)  $13^{-0.5}c^4$ ; 4)  $13c^5$ .

**A3.** Вычислите  $3 + \log_{30} 3 + \log_{30} 10$ .

- 1) 3; 2) 33; 3) 16; 4) 4.

**A4.** Упростите выражение  $\sin 4\alpha \cdot \cos 3\alpha + \cos(\frac{\pi}{2} - \alpha) - \cos 4\alpha \cdot \sin 3\alpha$ .

1)  $\sin 7\alpha + \cos \alpha$ ; 2) 0; 3)  $\cos \alpha + \sin \alpha$ ; 4)  $2\sin \alpha$ .

**A5.** Решите уравнение  $2\sin x - \sin^2 x = \cos^2 x$

1)  $(-1)^n \cdot \frac{\pi}{6} + \pi n$ ,  $n \in \mathbb{Z}$ ; 2)  $\pm \frac{\pi}{6} + 2\pi m$ ,  $m \in \mathbb{Z}$ ;

3)  $\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi l$ ,  $l \in \mathbb{Z}$ ; 4)  $(-1)^k \cdot \frac{\pi}{3} + \pi k$ ,  $k \in \mathbb{Z}$ .

**A6.** Решите неравенство  $\log_4(x - 2) < 2$ .

- 1)  $(-\infty; 18)$ ; 2)  $(2; 18)$ ; 3)  $(0; 18)$ ; 4)  $(18; +\infty)$ .

**A7.** Укажите промежуток, содержащий корень уравнения  $2^x = 0,5$

- 1)  $(-2; -1)$ ; 2)  $(-1; 0)$ ; 3)  $(0; 1)$ ; 4)  $[-1; 2]$ .

**A8.** Укажите промежуток, которому принадлежит корень уравнения

$\log_3(x - 12) = 2$

- 1)  $(-1; 0)$ ; 2)  $(2; 12)$ ; 3)  $(10; 21)$ ; 4)  $(3; 8)$ .

**A9.** Какая из функций является чётной?

1)  $y = 2\log_2 x$  2)  $y = x \cdot \cos x$  3)  $y = x \cdot \sin x$  4)  $y = x^3 \cdot |x|$

**A10.** Установите соответствие между функциями и их названиями:

- |                 |                     |
|-----------------|---------------------|
| 1). $y = 3^x$   | A). степенная       |
| 2). $y = x^3$   | B). показательная   |
| 3). $y = \lg x$ | C). Логарифмическая |

A	B	C

**A11.** Решите неравенство  $7^{x+2,3} \leq \frac{1}{49}$

- 1)  $(-\infty; 0,3]$  2)  $(-\infty; -4,3]$  3)  $[-4,3; +\infty)$  4)  $[0,3; +\infty)$ .

**II вариант**

**A12.** Вычислить производную:  $y=x^{15}-8x^2+x$

- 1)  $15x^{14}-16x+1$ ; 2)  $x^{14}-8x+1$ ; 3)  $15x^{14}-8x+1$ ; 4)  $15x^{14}+8x-1$ .

**A13.** Найдите множество значений функции  $\delta = \sin x - 2$ .

- 1)  $(-1; 1)$  2)  $[-1; 1]$  3)  $(-3; -1)$  4)  $[-3; -1]$

**A14.** Сколькими способами можно рассадить взрослых пассажиров в автомобиле, если в нем 3 пассажирских места:

- 1) 4 2) 6 3) 8

**A15.** В соревнованиях по толканию ядра участвуют 4 спортсмена из Финляндии, 7 спортсменов из Дании, 9 спортсменов из Швеции и 5 — из Норвегии. Порядок, в котором выступают спортсмены, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсмен, который выступает последним, окажется из Швеции:

- 1) 0,39 2) 0,36 3) 0,56

**A16** Данна пирамида ABCD Известно, что  $\Delta ADB = \Delta DBC$ ;  $\Delta ABD = \Delta BDC$ ;  $\Delta BAD = \Delta ABC$ . Найдите площадь поверхности пирамиды (сумму площадей четырех треугольников), если площадь треугольника ABC равна  $10 \text{ см}^2$ :

- 1) 40 2) 50 3) 30

**A17.** Прямые OB и CD параллельные, а OA и CD — скрещивающиеся прямые. Найдите угол между прямыми OA и CD, если угол AOB =  $138^\circ$ :

- 1)  $14^\circ$  2)  $25^\circ$  3)  $42^\circ$

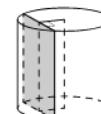
**A18.** Радиус основания цилиндра равен 3. Найдите диагональ осевого сечения цилиндра, если она наклонена к плоскости основания цилиндра под углом  $60$  градусов:

- 1) 18 2) 24 3) 12

**A19.** Образующая конуса равна 6. Она наклонена к плоскости основания под углом  $60$  градусов. Найдите радиус конуса:

- 1) 12 2) 3 3) 6

**A20.** Радиус основания цилиндра равен 13, а его образующая равна 18. Сечение, параллельное оси цилиндра, удалено от неё на расстояние, равное 12. Найдите площадь этого сечения



Ответ: \_\_\_\_\_.

## Диф./зачет

### Теоретическая часть

1. При каких значениях а уравнение  $\sin x = a$  имеет хотя бы одно решение:

- a)  $[-1; 1]$       б) 2; -2      в) R

2. Какое из уравнений является квадратным:

- a)  $1-12x=0$       б)  $7x^2-13x+5=0$       в)  $48x^2+x^3-9=0$

3. Верно ли, что простейшие логарифмические уравнения имеют вид:  $\log_a x = b$ :

- a) нет      б) отчасти      в) да

4. Если одна из двух прямых лежит в плоскости, а другая прямая пересекает эту плоскость, то эти прямые скрещивающиеся, так ли это:

- a) нет      б) да      в) отчасти

5. Во сколько раз увеличится площадь поверхности правильного тетраэдра, если все его ребра увеличить в два раза:

- a) в 3      б) в 5      в) в 4

6. Соединения, каждое из которых содержит m элементов, взятых из данных n; одно соединение отличается от другого по крайней мере одним элементом или порядком их следования, называются:

- a) Сочетания      б) Перестановки      в) Размещения

7. Соединения, каждое из которых содержит m элементов, взятых из данных n; одно соединение от другого отличается по крайней мере одним элементом, называются:

- a) Перестановки      б) Размещения      в) Сочетания

8. Комбинаторика отвечает на вопрос:

a) сколько различных комбинаций можно составить из элементов данного множества

б) какова частота массовых случайных явлений

в) с какой вероятностью произойдет некоторое случайное событие

9. Одна из основных тригонометрических формул:

- a)  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$       б)  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 0$       в)  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = -1$

10. Формула приведения:

- a)  $\cos(\pi/2 - \alpha)^2 = \sin \alpha$       б)  $\cos(\pi/2 - \alpha) = \sin \alpha$       в)  $\cos(\pi/2 - \alpha) = \sin \alpha$

11. Формула приведения с опорной точкой  $\pi$ :

- a)  $\cos(\pi - \alpha) = -\cos \alpha$       б)  $\cos(\pi - \alpha)^2 = -\cos \alpha$       в)  $\cos(\pi - \alpha) = -\cos \alpha^2$

12. Формула двойного угла:

- a)  $\cos 2\alpha = \cos \alpha - \sin^2 \alpha$       б)  $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin \alpha$       в)  $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$

13. Формула двойного угла:

- a)  $\cos 2\alpha = 1 - 2 \sin^2 \alpha$       б)  $\cos 2\alpha^2 = 1 - 2 \sin^2 \alpha$       в)  $\cos 2\alpha = 1 - 2 \sin \alpha$

14. Как называется точка, в которой  $f'(x)$  меняет знак с "+" на "-":

- a) точка минимума      б) экстремум      в) точка максимума

15. Производной функции  $y = f(x)$  называется:

- a) предел приращения аргумента      б) отношение приращения функции к

## I вариант

приращению аргумента

в) предел отношения приращения функции к приращению аргумента

16. Уравнение касательной имеет вид:

- а)  $y = f(x_0) + f'(x_0)(x-x_0)$       б)  $y = f(x_0) + f'(x_0)(x+x_0)$       в)  $y = f(x_0) - f'(x_0)(x-x_0)$

17. Геометрический смысл производной состоит в том, что производная равна:

а) синусу угла наклона касательной к графику функции к положительному направлению оси Ox

б) угловому коэффициенту к секущей к графику функции

в) тангенсу угла наклона касательной к графику функции к положительному направлению оси Ox

18. Имеет ли смысл данное уравнение:  $2^x = -0,001$ :

- а) да      б) в редких случаях      в) нет

19. Плоскость, притом только одну, можно провести через:

а) прямую и лежащую на ней точку      б) прямую и не лежащую на ней точку

в) оба варианта верны

20. 90 градусов:

- а)  $\pi/2$       б)  $\pi/4$       в)  $\pi/6$

21. Один из основных методов решения тригонометрических уравнений:

а) разложение на частное      б) разложение на множители

в) разложение на множимые

22. Чтобы решить задачи на вероятность, нужно подсчитать число благоприятствующих и число всех возможных ... событий:

а) элементарных      б) случайных      в) значимых

23. Если объект A можно выбрать k способами, а после каждого такого выбора другой объект B можно выбрать (независимо от объекта A) l способами, то пары объектов A и B можно выбрать  $m \cdot l$  способами:

а) правило умножения      б) зависит от условия задачи      в) правило сложения

24. Чему равна производная 1?

- а) 1      б) 0      в) x

25. Какая из формул задает  $(u \cdot v)'$ ?

- а)  $u' \cdot v'$       б)  $u' \cdot v - u \cdot v'$       в)  $u' \cdot v + u \cdot v'$

26. При каком условии функция убывает?

- а)  $f'(x)=0$       б)  $f'(x)<0$       в)  $f'(x)>0$

27. Функция f называется возрастающей на некотором промежутке:

а) если  $x_2 > x_1$ , то  $f(x_2) > f(x_1)$       б) если  $x_2 > x_1$ , то  $f(x_2) = f(x_1)$

в) если  $x_2 > x_1$ , то  $f(x_2) < f(x_1)$

## Диф./зачет

### Теоретическая часть

1. Простейшими тригонометрическими уравнениями называют уравнения вида:

a)  $\sin x = a$       б)  $\sin a = x$       в)  $\sin x = bx$

2. Уравнение вида  $a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0$ , где  $x$  – переменная,  $a$ ,  $b$  и  $c$  – некоторые числа, причем  $a$  отлично от нуля называется:

- a) показательным уравнением      б) простейшим уравнением  
в) квадратным уравнением

3. Существует такое количество основных методов решения тригонометрических уравнений:

а) 8      б) 7      в) 5

4. В каком из уравнений коэффициенты  $b$  и  $c$  равны нулю:

а)  $7x^2=0$       б)  $25x^2-5x=0$       в)  $2x^2-1=0$

5. Высота боковой грани правильной пирамиды, проведенная из ее вершины, называется:

а) ребром      б) высотой      в) апофемой

6. Комбинаторика — это:

а) раздел математики      б) раздел физики      в) раздел химии

7. Соединения, из которых каждое содержит все данные  $n$ ; одно соединение отличается от другого только порядком расположения элементов, называются:

а) Размещения      б) Перестановки      в) Сочетания

8. Выберите из предложенных множеств множество натуральных чисел:

а)  $Q$       б)  $N$       в)  $C$

9. Если объект А можно выбрать  $x$  способами, а объект В –  $y$  способами, то каким количеством способов можно выбрать объект «А и В»:

а)  $x-y$       б)  $xy$       в)  $x+y$

10. Формула приведения:

а)  $\sin(\pi/2 - \alpha) = \cos \alpha$       б)  $\sin(\pi/2 - \alpha) = \cos \alpha^2$       в)  $\sin(\pi/2 - \alpha)^2 = \cos \alpha$

11. Формула приведения с опорной точкой  $\pi$ :

а)  $\sin(\pi - \alpha)^2 = \sin \alpha$       б)  $\sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha$       в)  $\sin^2(\pi - \alpha) = \sin \alpha$

12. Формула двойного угла:

а)  $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha^2$       б)  $\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$       в)  $\sin 2\alpha^2 = 2 \sin \alpha \cos \alpha$

13. Формула двойного угла:

а)  $\cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1$       б)  $\cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1$       в)  $\cos 2\alpha^2 = 2 \cos^2 \alpha - 1$

14. Функцией называется:

а) множество всех значений, которые может принимать функция

б) множество всех точек  $(x; f(x))$  на координатной плоскости, где  $x$  принадлежит  $D$

в) закон, по которому каждому значению  $x$  из множества  $D$  ставится в соответствие одно определенное число  $y$

## II вариант

15. Функция  $f$  называется убывающей на некотором промежутке:

- а) если  $x_2 > x_1$ , то  $f(x_2) = f(x_1)$       б) если  $x_2 > x_1$ , то  $f(x_2) > f(x_1)$   
в) если  $x_2 > x_1$ , то  $f(x_2) < f(x_1)$

16. Функция  $f$  называется нечетной, если для любого  $x$  из ее области определения значение  $(-x)$  также принадлежит области определения и верно равенство:

а)  $f(x) = -f(x)$       б)  $f(-x) = f(x)$       в)  $f(-x) = -f(x)$

17. Геометрический смысл производной состоит в том, что производная равна:

- а) угловому коэффициенту касательной к графику функции  
б) синусу угла наклона касательной к графику функции к положительному направлению оси  $Ox$   
в) угловому коэффициенту к секущей к графику функции

18. При делении обеих частей неравенства на отрицательное число, знак неравенства:

- а) сохраняется      б) зависит от неравенства  
в) меняется на противоположный

19. Верно ли, что для любого положительного числа  $a$  выполняется:  $a^0 = 1$ :

а) да      б) нет      в) отчасти

20. Обратная тригонометрическая функция:

а) арксинус      б) синус      в) косеканс

21. Один из этапов решения тригонометрического уравнения:

- а) преобразование уравнения для получения его сложного вида  
б) преобразование уравнения для получения его простейшего вида  
в) решение полученного сложного тригонометрического уравнения

22. В чём состоит физический смысл производной:

а) это расстояние      б) это мгновенная скорость      в) это время

23. Если некоторый объект А можно выбрать  $k$  способами, а объект В —  $n$  способами (не такими как А), то объект «или А или В» можно выбрать  $m + n$  способами:

- а) правило умножения      б) зависит от условия задачи      в) правило сложения

24. Правило умножения еще называют:

а) «ИЛИ-правилом»      б) «ДА-правилом»      в) «И-правилом»

25. Назовите формулу, раскрывающую геометрический смысл производной.

а)  $y = kx + b$       б)  $k = f'(x)$       в)  $y - y_0 = k(x - x_0)$

26. Какая из формул задает  $\left(\frac{u}{v}\right)'$ .

а)  $\frac{u'}{v'}$       б)  $u' v + u v'$       в)  $\frac{u'v - uv'}{v^2}$

27. Как называется точка, в которой  $f'(x) = 0$ ?

а) мин      б) max      в) стационарная

## Экзамен 1 курс.

## Вариант №1

## Часть 1

1. Дано:  $\cos \alpha = -0,8$  и  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ . Найдите  $\sin \alpha$ .

2. Найдите значение выражения: а)  $\frac{(5^{\frac{2}{3}})^3 \cdot 2^{-3}}{5^{-2}}$ ; б)  $\frac{1}{2}\sqrt{8} \cdot \sqrt{5} \cdot \sqrt{10} - 3$ .

Найдите значение выражения:  $16 - 6\sin^2 \alpha - 6\cos^2 \alpha$

4. Вычислите: а)  $\left(\frac{1}{16}\right)^{-0,75}$ ; б)  $(-2\sqrt[3]{2})^6$

5. Решите уравнение  $\sqrt{19 - x^2} = 3$ .

(Если корней уравнения более одного, то в бланке ответов запишите произведение всех его корней).

6. Укажите больший корень уравнения  $\log_2 x^2 - \log_2 x = 0$

7. Найдите сумму корней уравнения  $(x-1)\sqrt{2 - 3x - 2x^2} = 0$

8. Найдите значение выражения  $\log_2 12 + \log_2 6 - \log_2 18$

9. Вычислите значение выражения  $\sqrt{3}^{\log_{\sqrt{3}} 18} - \log_2 16$

10. Найдите значение выражения  $\left(\sqrt{\sin^2 60^\circ - 2 \log_5 \sqrt[4]{5}}\right)^{-1}$

11. Найдите корень уравнения  $\log_2(x+1) = \log_2(3x)$

12. Решите неравенство  $(x^2 + 6x + 9)(x-3)^2 \leq 0$

13. Решите уравнение: а)  $3^{x+1} + 5 \cdot 3^x = 72$ ; б)  $2^x = 8\sqrt{2}$

14. Решите неравенство  $5^{2-3x} - 1 \geq 0$ . Укажите наибольшее целое решение неравенства.

15. Найдите область определения функции  $y = \log_{0,3}(x - x^2)$ .

16. Решите уравнение  $7 \cdot 5^{\log_5 x} = x + 21$ .

## Бланк ответов

1	2	3	4	5
а) б)			а) б)	

6	7	8	9	10

11	12	13	14	15
			а) б)	

16				

## Экзамен 1 курс.

## Вариант №2

## Часть 1

1. Дано:  $\sin \alpha = 0,8$  и  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ . Найдите  $\cos \alpha$ .

2. Найдите значение выражения: а)  $3^2 \cdot \frac{(2^{\frac{3}{2}})^{-2}}{3^{-3}}$ ; б)  $25^{\frac{3}{2}} - 0,25$ .

3. Найдите значение выражения:  $3\sin^2 \alpha + 10 + 3\cos^2 \alpha$

4. Вычислите: а)  $81000^{0,25}$ ; б)  $(-3\sqrt{2})^4$

5. Укажите больший корень уравнения  $\log_2 4 \log_4^2 4x - \log_4 4x = 0$

6. Решите уравнение  $\sqrt{36 - x^2} = 3$ .

(Если корней уравнения более одного, то в бланке ответов запишите произведение всех его корней).

7. Найдите сумму корней уравнения  $(2x-3)\sqrt{2x^2 - 5x + 2} = 0$

8. Найдите значение выражения  $\log_2 6 + \log_2 3 - \log_2 9$

9. Вычислите значение выражения  $\frac{1}{2} \cdot 2^{\log_2 10}$ .

10. Найдите значение выражения  $\left( \sqrt[3]{3 \log_7 \sqrt[4]{7 - \cos^2 45}} \right)^{-2}$

11. Найдите корни уравнения  $\log_2(x+8) = \log_2 3 + \log_2 5$

12. Решите неравенство  $(x^2 - 10x + 25)(x + 6) \geq 0$

13. Решите уравнение: а)  $2^{x+2} + 7 \cdot 2^x = 88$ ; б)  $3^x = 9\sqrt{3}$

14. Решите неравенство  $6^{2x-7} < 36$ . Укажите наибольшее целое решение неравенства.

15. Найдите область определения функции  $y = \log_4(4 - x^2)$

16. Решите уравнение  $5 \cdot 7^{\log_7 x} = 2x + 21$

### Бланк ответов

1	2	3	4	5
a) б)			a) б)	

6	7	8	9	10

11	12	13	14	15
			a) б)	

16				